

Теория к домашнему заданию приведена в методичке, размещённой на странице http://rubtsov.su/fl_course18/. Там же приведены используемые здесь обозначения. **Материалы к этому заданию в методичке появятся в понедельник.**

1. L — конечный язык. Выполняется ли для него лемма о накачке?

2 [к.д.з. №6 (1,2)]. Будут ли регулярными следующие языки?

1. $L = \{a^{2017n+5} \mid n = 0, 1, \dots\} \cap \{a^{503k+29} \mid k = 401, 402, \dots\} \subseteq \{a^*\}$.

2. $L_2 = \{a^{200n^2+1} \mid n = 1000, 1001, \dots\} \subseteq \{a^*\}$.

Пусть $w = w_1w_2\dots w_n, w_i \in \Sigma$, тогда $w^R = w_nw_{n-1}\dots w_1$. Обозначим $L^R = \{w^R \mid w \in L\}$ — обращение языка L .

3. Язык палиндромов $\text{PAL} = \{w \mid w = w^R\}$.

3 [к.д.з. №9]. Покажите, что следующий язык удовлетворяет лемме о разрастании для регулярных языков, но сам регулярным не является:

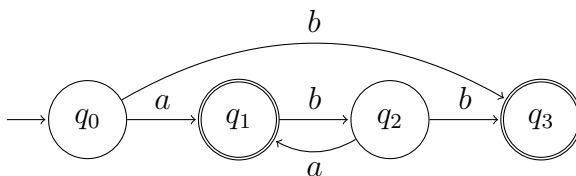
$$L = \{ab^{2^i} \mid i \geq 0\} \cup \{b^j \mid j \geq 0\} \cup \{a^m b^n \mid m > 1, n \geq 0\}.$$

4. Пусть R регулярный язык. Верно ли, что F тоже регулярный язык, если

а) $F \cap R$ — регулярный язык;

б) языки $F \cap R$ и $F \cap \bar{R}$ являются регулярными?

5. Язык L распознаётся автоматом, заданным диаграммой:



Построить минимальный ДКА¹ а) для языка L ; б) для языка \bar{L} .

¹Под минимальным ДКА понимается ДКА, распознающий L с минимально возможным числом состояний.